

# **МАТЕМАТИКА**

## **Демонстрационный вариант итоговой работы (промежуточная аттестация) для 10 класса БУ**

Предмет – математика

Класс – 11

Тема – «Систематический курс математики в 10 классе»

Дата проведения -

Время выполнения - 90 минут

Используемые материалы: ЕГЭ. Математика. Базовый уровень: типовые экзаменационные варианты: 30 вариантов, по редакцией И. В. Ященко: изд. "Национальное образование".

### **Пояснительная записка**

Содержание и основные характеристики проверочных материалов определяются на основе следующих документов:

- Федеральный закон «Об образовании в Российской Федерации» № 273-ФЗ от 29.12.2012,
- Федеральный государственный образовательный стандарт основного общего образования, утвержденный, приказом Министерства образования и науки Российской Федерации: от 17.12.2010 года №1897
- Примерной основной образовательной программы основного общего образования - <http://fgosreestr.ru>
- Универсальные кодификаторы для оценки качества образования, которые представлены на сайте ФИПИ (<https://fipi.ru/metodicheskaya-kopilka/univers-kodifikatory-oko#/tab/243050673-6>).

Диагностическая работа проводится **с целью** определения уровня подготовки обучающихся 10-х классов в рамках мониторинга достижений планируемых результатов освоения основной образовательной программы для образовательных учреждений. Диагностическая работа охватывает содержание, включенное в основные учебно-методические комплекты по математике, используемые в 10-х классах.

Назначение демонстрационного варианта работы по математике для 10 класса МОУ «СОШ «ЛЦО» заключается в том, чтобы дать возможность любому участнику итогового контроля по математике в 10 классе и широкой общественности составить представление о структуре и содержании будущих вариантов проверочной работы, о форме предъявления материала и уровне сложности заданий. Критерии оценивания экзаменационной работы позволяют составить представление о требованиях к полноте и правильности ответов.

Эти сведения дают возможность учащимся выработать стратегию подготовки к итоговой проверочной работе по математике.

**Содержательная часть ПА в соответствии с КЭС и ЕГЭ (10 класс, базовый уровень)**

КЭС		ЕГЭ (базовый уровень)			ПА
1	Модуль «Алгебра и начала математического анализа»	1	Алгебра		
1.1	Числа и выражения	1.1	Числа, корни и степени		
1.1.1	Решение задач с применением изученных фактов о делимости целых чисел, свойств модуля числа, корней и степеней с рациональным показателем, преобразований числовых и алгебраических выражений; операций с долями, частями и процентами	1.1.1 1.1.2 1.1.3 1.1.4 1.1.5 1.1.6	Целые числа Степень с натуральным показателем Дроби, проценты, рациональные числа Степень с целым показателем Корень степени $n > 1$ и его свойства Степень с рациональным показателем и ее свойства		
			1.4		<i>Преобразование выражений</i>
			1.4.1 1.4.2 1.4.3	Преобразование выражений, включающих арифметические операции Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени	+ + +
			1.2		<i>Основы тригонометрии</i>
			1.2.1 1.2.2	Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла Радианная мера угла	+ +
			1.2.4	Основные тригонометрические тождества	+
1.1.6	Формулы сложения тригонометрических функций, формулы приведения, формулы двойного аргумента	1.2.6 1.2.7	1.2.6 Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов Синус и косинус двойного угла		- +
			1.4		<i>Преобразование выражений</i>
		1.4.4	1.4.4 Преобразование тригонометрических выражений		+

	1.1.8	Логарифм числа, свойства логарифма, преобразование логарифмических выражений	1.3	<b>Логарифмы</b>	
			1.3.1 1.3.2	Логарифм числа Логарифм произведения, частного, степени	++
	1.1.9	Десятичный логарифм. Число $e$ и натуральный логарифм	1.3.3	Десятичный и натуральный логарифмы, число $e$	-
<b>1.2</b>	<b>Уравнения и неравенства</b>		<b>2</b>	<b>Уравнения и неравенства</b>	
	1.2.1	Уравнения с одной переменной	2.1	<b>Уравнения</b>	
			2.1.1 2.1.2	Квадратные уравнения Рациональные уравнения	+
	1.2.4	Показательные уравнения	2.1.5	Показательные уравнения	+
	1.2.5	Логарифмические уравнения	2.1.6	Логарифмические уравнения	+
	1.2.6	Иррациональные уравнения	2.1.3	Иррациональные уравнения	+
<b>1.4</b>	<b>Статистика и теория вероятностей</b>		<b>6</b>	<b>Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>	
	1.4.1	Табличное и графическое представление данных. Решение задач практического содержания, в том числе на выбор оптимального варианта	6.2	<b>Элементы статистики</b>	
			6.2.1	Табличное и графическое представление данных	+
	1.4.3	Частоты и вероятности случайных событий	6.3.1 6.3.2	Вероятности событий Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач	++
	1.4.4	Опыты с равновозможными элементарными событиями	6.3.1 6.3.2	Вероятности событий Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач	++
	1.4.6	Независимые события, условная вероятность, формулы сложения и умножения вероятностей, формула полной вероятности	6.3.1 6.3.2	Вероятности событий Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач	++
<b>2</b>	<b>Модуль «Геометрия»</b>		<b>5</b>	<b>Геометрия</b>	
<b>2.1</b>	<b>Геометрические фигуры</b>		<b>5.1</b>	<b>Планиметрия</b>	
	2.1.1	Решение задач с применением свойств фигур на плоскости	5.1.1 5.1.2 5.1.3	Треугольник Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат Трапеция	+++

			5.1.4 5.1.5 5.1.7	Окружность и круг Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника	+
2.1.4	Многогранники	5.3		<b>Многогранники</b>	
		5.3.1 5.3.2 5.3.3 5.3.4 5.3.5		Призма, её основания, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде. Пирамида, её основание, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида. Сечения куба, призмы, пирамиды Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр)	- - + - -
2.1.5	Параллелепипед и куб. Свойства прямоугольного параллелепипеда	5.3.2		Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде.	-
2.1.6	Призма и пирамида. Правильная пирамида и правильная призма	5.3.1 5.3.3		Призма, её основания, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма. Пирамида, её основание, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида.	- +
<b>2.3</b>	<b>Измерения и вычисления</b>	<b>5.5</b>		<b>Измерение геометрических величин</b>	
2.3.1	Решение задач с использованием теорем планиметрии	5.5.1		Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности	+
2.3.2	Решение задач на вычисление длин и площадей	5.5.5		Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора	+

## **Система оценивания работы:**

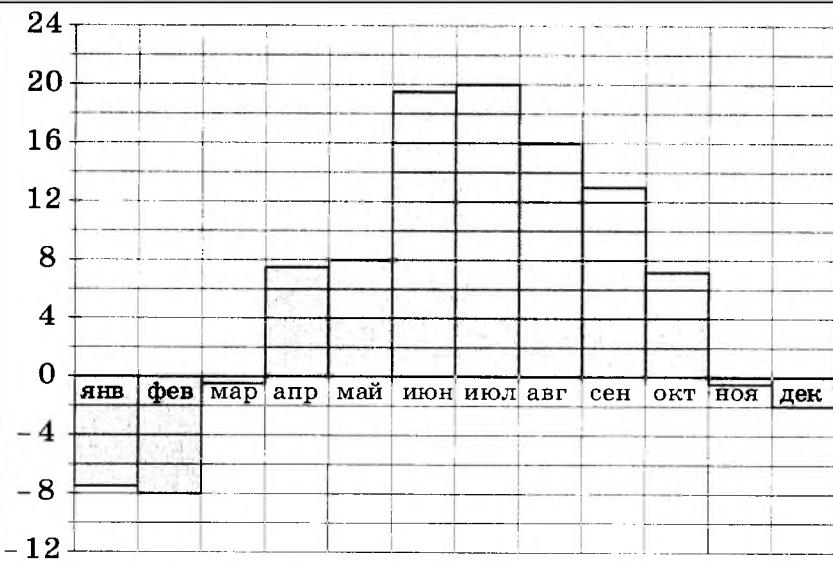
**Каждое задание 1-13 оценивается 1 баллом.**

<b>Отметка</b>	<b>Количество баллов</b>
«5»	13-14
«4»	11-12
«3»	7-9
«2»	0-6

**Демонстрационный вариант**

**Вариант №1.**

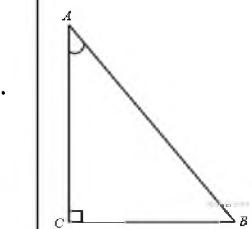
<b>Часть I.</b>	
1.	Найдите значение выражения $3,4 \cdot 10^2 + 1,8 \cdot 10^3$ .
2.	В городе N живет 150 000 жителей. Среди них 15 % детей и подростков. Среди взрослых 45 % не работают (пенсионеры, студенты, домохозяйки и т.п.). Сколько взрослых жителей работает?
3.	На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Санкт-Петербурге за каждый месяц 1999 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали - температура в градусах Цельсия. Определите по диаграмме, в каком месяце второго полугодия средняя температура впервые стала ниже 10 °C . В ответ напишите номер месяца.



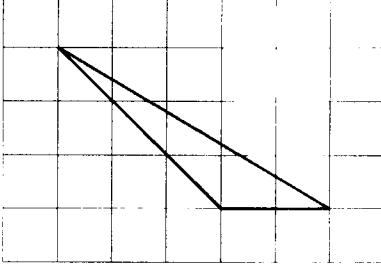
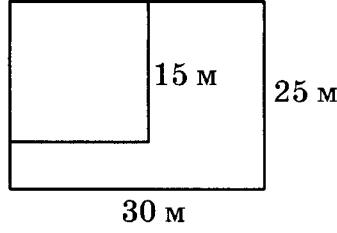
4. Найдите  $\operatorname{tg}\alpha$ , если  $\cos\alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$  и  $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$ .

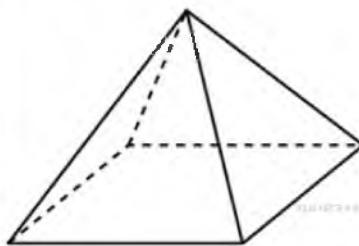
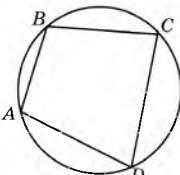
5. Ковбой Джон попадает в муху на стене с вероятностью 0,8, если стреляет из пристрелянного револьвера. Если Джон стреляет из непристрелянного револьвера, то он попадает в муху с вероятностью 0,3. На столе лежат 10 револьверов, из них только 3 пристрелянные. Ковбой Джон видит на стене муху, наудачу хватает первый попавшийся револьвер и стреляет в муху. Найдите вероятность того, что Джон промахнется.

6. В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AB = 5$ ,  $\sin A = \frac{7}{25}$ . Найдите  $AC$ .



7. Решите уравнения:  
А)  $5^{3x-4} = 25$ ;

	Б) $\log_3 x - \log_9 x + \log_{81} x = 3$
8.	Найдите значение выражения $8^{2 \log_8 3}$
9.	Найдите корень уравнения $\sqrt{\frac{2}{4x-58}} = \frac{1}{9}$ .
10.	На клетчатой бумаге с размером $1 \times 1$ изображен треугольник. Найдите его площадь. 
11.	Дачный участок имеет форму прямоугольника со сторонами 25 м и 30 м. Хозяин планирует обнести его изгородью и отгородить такой же изгородью квадратный участок со стороной 15 м. Найдите суммарную длину изгороди в метрах. 

	Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 6 и высота равна 4.
12.	
13.	Угол A четырехугольника ABCD, вписанного в окружность, равен $98^\circ$ . Найдите угол с. Ответ дайте в градусах. 

### Переводная аттестационная работа по математике 10 класс

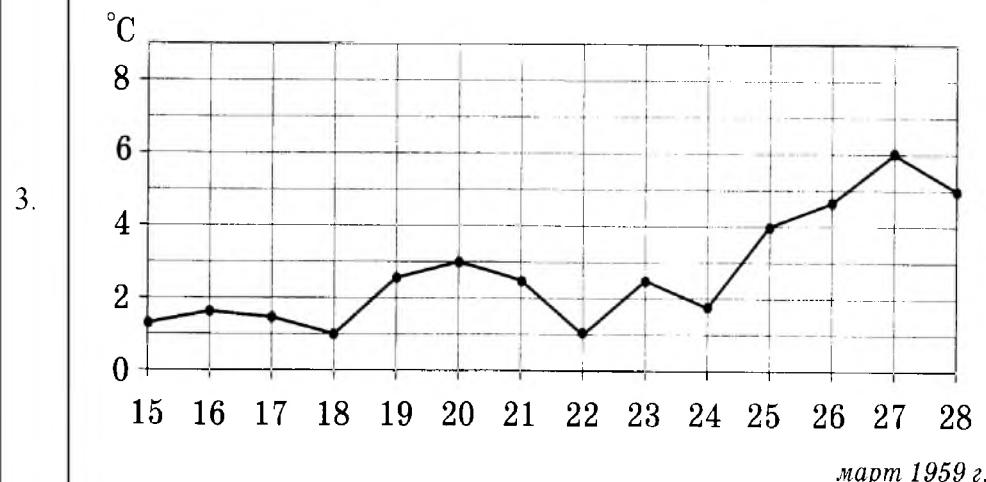
**Инструкция по выполнению работы:** Переводная аттестационная работа по математике состоит из одной части, включающих в себя 13 заданий (8 заданий по алгебре и началам анализа и 5 задания по геометрии базового уровня сложности). На выполнение работы по математике отводится 1 час. Ответы к заданиям 1–13 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1. Если вы ошиблись в выборе ответа, зачеркните неверный ответ и рядом напишите верный.

#### Вариант № 2.

#### Часть I.

1.	Вычислите $(\frac{2^{\frac{1}{3}} \cdot 2^{\frac{1}{4}}}{\sqrt[12]{2}})^2$ .
2.	В доме, в котором живет Женя, один подъезд. На каждом этаже по 12 квартир. Женя живет в квартире № 34. На каком этаже живет Женя?

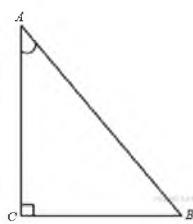
На рисунке жирными точками показана среднесуточная температура воздуха в Пскове каждый день с 15 по 28 марта 1959 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали - температура в градусах Цельсия. Для наглядности жирные точки соединены линией. Определите по рисунку, какого числа среднесуточная температура была наибольшей за указанный период.

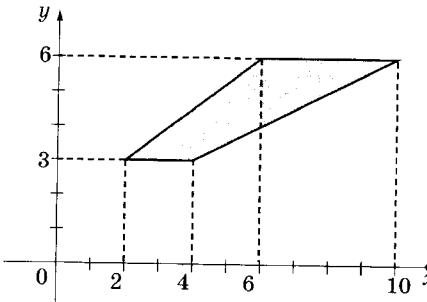


4. Найдите  $3\cos\alpha$ , если  $\sin\alpha = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$  и  $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$ .

5. В классе 33 учащихся, среди них два друга - Андрей и Михаил. Учащихся случайным образом разбивают на 3 равные группы. Найдите вероятность того, что Андрей и Михаил окажутся в одной группе.

6. В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AB = 8$ ,  $\cos A = 0,5$ . Найдите  $AC$ .



	Решите уравнения: A) $6^{3x-4} = 36$ Б) $\log_2 x - \log_4 x + \log_8 x = 5$
8.	Найдите значение выражения $\frac{70}{4^{\log_4 5}}$
9.	Найдите корень уравнения $\sqrt{\frac{5x+26}{6}} = 6$ .
10.	Найдите площадь трапеции, изображенной на рисунке. 

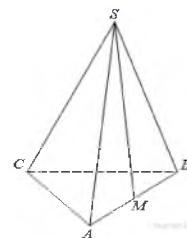
Квартира состоит из двух комнат, кухни, коридора и санузла (см. чертеж). Кухня имеет размеры  $4 \text{ м} \times 3,5 \text{ м}$ , вторая комната -  $4 \text{ м} \times 3 \text{ м}$ , санузел имеет размеры  $2 \text{ м} \times 1,5 \text{ м}$ , длина коридора  $9,5 \text{ м}$ . Найдите площадь первой комнаты (в квадратных метрах).

11.



12.

В правильной треугольной пирамиде  $SABC$  точка  $M$  – середина ребра  $AB$ ,  $S$  – вершина. Известно, что  $BC=3$ , а площадь боковой поверхности пирамиды равна 45. Найдите длину отрезка  $SM$ .



13.

Отрезки  $AC$  и  $BD$  – диаметры окружности с центром  $O$ . Угол  $ACB$  равен  $50^\circ$ . Найдите угол  $AOD$ . Ответ дайте в градусах.

